

# DM 1 – AIT BEN SAID Loubna

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 1 700 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 8 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 18 700 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 5.8400 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 11 \times 0.98^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -2x^2 + 8x + 10$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = 2x^3 + 5x^2 + 2x + 7$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en  $y$  indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – BATEMAN Amélie

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 1 600 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 6 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 19 200 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de 1.4200 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 12 \times 0.93^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = 10x^2 - 8x + 7$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = -8x^3 + 5x^2 + 9x - 3$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – BOUNOUS Matthieu

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 2 000 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 5 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 16 000 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de 1.3000 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 8 \times 0.94^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -4x^2 + 10x - 2$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = 3x^3 - x^2 - 4x - 9$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en  $y$  indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – CRETIN Marie

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 2 400 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 8 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 24 000 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 0.4400 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 10 \times 0.93^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -6x^2 - 8x - 4$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = x^3 - 10x^2 + 7x + 1$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – DENIS Clarisse

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 1 600 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 5 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 12 800 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de 3.4000 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 8 \times 0.92^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -7x^2 + 6x - 5$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = -7x^3 + 2x^2 + 2x - 6$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dérivée  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – DOS SANTOS Théo

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 1 500 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 8 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 18 000 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de 0.6400 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 12 \times 0.92^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = 10x^2 - 5x - 6$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = 8x^3 - 4x^2 - 8x + 9$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – FERREIRA Tina

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 1 700 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 8 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 20 400 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 5.8400 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 12 \times 0.98^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = 3x^2 + 7x - 9$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = -4x^3 - 9x^2 - 4x - 2$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dérivée  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – GAUDARD Camille

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 1 600 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 7 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 11 200 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de 0.4900 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 7 \times 0.93^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -4x^2 - 10x - 3$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = -x^3 - 8x^2 - 5x - 9$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en  $y$  indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – GVERCIN Dilara Melisa

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 2 500 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 7 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 17 500 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 4.8600 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 7 \times 0.98^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -7x^2 + 2x - 9$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = -7x^3 - 2x^2 + 10x - 10$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dérivée  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – HALEGOI Agathe

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 2 200 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 5 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 26 400 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de 2.3500 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 12 \times 0.93^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = 7x^2 - 5x + 7$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = -6x^3 + 5x^2 + 4x - 5$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – JOURDAN Alice

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 1 500 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 8 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 15 000 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 6.9200 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 10 \times 0.99^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -6x^2 - 7x + 4$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = 2x^3 - 8x^2 + 2x - 10$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – LIANDRAT Léa

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 2 400 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 7 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 21 600 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 2.7200 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 9 \times 0.96^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = 4x^2 - 4x - 8$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = -x^3 - 4x^2 - x + 2$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – LOULID Manar

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 1 600 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 7 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 12 800 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de 0.4900 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 8 \times 0.93^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -7x^2 + 6x - 5$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = 3x^3 - 9x^2 + 7x - 9$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – MARQUET Elisa

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 2 000 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 9 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 18 000 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 1.3700 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 9 \times 0.93^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -8x^2 - 9x - 1$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = 6x^3 + 5x^2 - x + 5$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – MENARD Cassandra

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 1 700 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 5 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 13 600 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 0.8000 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 8 \times 0.96^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -6x^2 + 9x + 10$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = 9x^3 - 6x^2 - 2x + 7$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en  $y$  indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – MICHEL-PROST Lauryne

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 2 500 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 7 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 17 500 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 4.8600 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 7 \times 0.98^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -5x^2 + 4x - 10$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = x^3 - 7x^2 - 6x + 10$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en  $y$  indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – MOUBARIK Ines

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 2 200 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 5 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 22 000 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 1.8500 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 10 \times 0.97^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -4x^2 - 6x - 7$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = 9x^3 - 8x^2 - 10x - 3$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – MOUBARIK Sarah

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 1 700 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 9 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 20 400 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 5.7300 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 12 \times 0.97^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -4x^2 + x + 7$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = 8x^3 - 9x^2 + 2x - 7$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – PERREARD Noémie

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 1 900 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 7 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 17 100 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 0.5800 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 9 \times 0.94^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -4x^2 - 2x + 9$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = -6x^3 - 9x^2 - 4x - 3$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – URPIN Flora

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 2 500 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 9 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 17 500 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 6.8200 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 7 \times 0.98^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -2x^2 + 3x - 6$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = -9x^3 + 3x^2 + 2x + 2$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en y indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions ?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dérivée  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.

# DM 1 – VISENTIN Aurélie

Terminale ES-L – 15 novembre 2019

Une part importante de la note sera dédiée à la rédaction, aux explications et à l'utilisation des notations mathématiques.

## Exercice 1

Débit

Une commune de 2 200 habitants au 1<sup>er</sup> janvier 2018 voit sa population augmenter de 7 % tous les ans. Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $h_n$  le nombre d'habitants de l'année 2018 +  $n$ .

1. Déterminer la nature de la suite  $(h_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $h_n$  en fonction de  $n$ .

La municipalité de cette commune a conclu un marché avec un fournisseur d'accès internet qui engage ce dernier à fournir un débit total de 15 400 Mbit/s au 1<sup>er</sup> janvier 2018 et à augmenter ce débit de - 5.9300 % par an.

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $d_n$  le débit total dont la commune dispose l'année 2018 +  $n$ .

2. Déterminer la nature de la suite  $(d_n)$ , préciser ses éléments caractéristiques et exprimer  $d_n$  en fonction de  $n$ .

On s'intéresse maintenant au débit par habitant en supposant que celui-ci est réparti équitablement et que toute la population bénéficie d'une connexion internet individuelle.

Pour tout entier naturel  $n$  on note  $u_n$  le débit par habitant pour l'année 2018 +  $n$  et on admet que  $u_n = \frac{d_n}{h_n}$ .

3. Calculer  $u_0$  et  $u_1$ .
4. Montrer pour tout entier naturel  $n$  on a  $u_n = 7 \times 0.99^n$ .
5. En déduire la nature de la suite  $(u_n)$  et ses caractéristiques.
6. Déterminer le sens de variations de la  $(u_n)$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'énoncé.

Le marché passé avec le fournisseur d'accès internet prévoit également que si le débit passe en dessous de 5 Mbit/s par habitant alors ce dernier doit changer la technologie utilisée pour la réalisation de son réseau.

7. En quelle année le fournisseur d'accès sera-t-il dans l'obligation de changer sa technologie ?

## Exercice 2

Étude de fonctions

### Partie A

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$f(x) = -5x^2 + 9x + 10$$

1. Calculer la dérivée de  $f$ .
2. Étudier le signe de la dérivée  $f'$  puis en déduire le tableau de signe de  $f$ .

### Partie B

Dans cette partie, on étudie la fonction

$$g(x) = -2x^3 - x^2 + 4x - 7$$

1. À l'aide d'une calculatrice ou d'un ordinateur, tracer puis reporter sur votre copie la représentation graphique de  $g$  en  $y$  indiquant les informations remarquables de ce graphique.
2. Sur quel(s) intervalle(s) la fonction est convexe? concave? Y a-t-il des points d'inflexions?
3. Calculer la dérivée de  $g$ .
4. Étudier le signe de la dérivée  $g'$  puis en déduire le tableau de variations de  $g$ .
5. Déterminer l'équation de la tangente en  $x = 0$ .
6. Dériver  $g'$  pour calculer  $g''$ .
7. Étudier le signe de  $g''$  pour en déduire la convexité de  $g$  grâce au calcul puis localiser précisément le point d'inflexion.