

# FONCTION CARRÉ!

## C'EST QUOI?

C'est la fonction  $f$  qui est définie sur  $\mathbb{R}$  telle

### EXEMPLES 1

$$f(2) = 2^2 = 4$$

$$f(-5) = -5^2 = -25$$

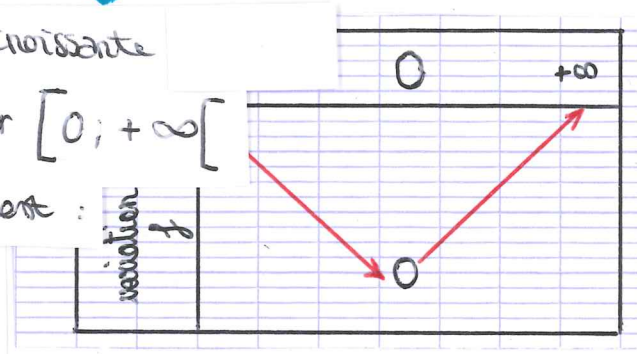
$$f(-1) = -1^2 = 1$$

### PROPRIÉTÉ 2

• la fonction carré est décroissante

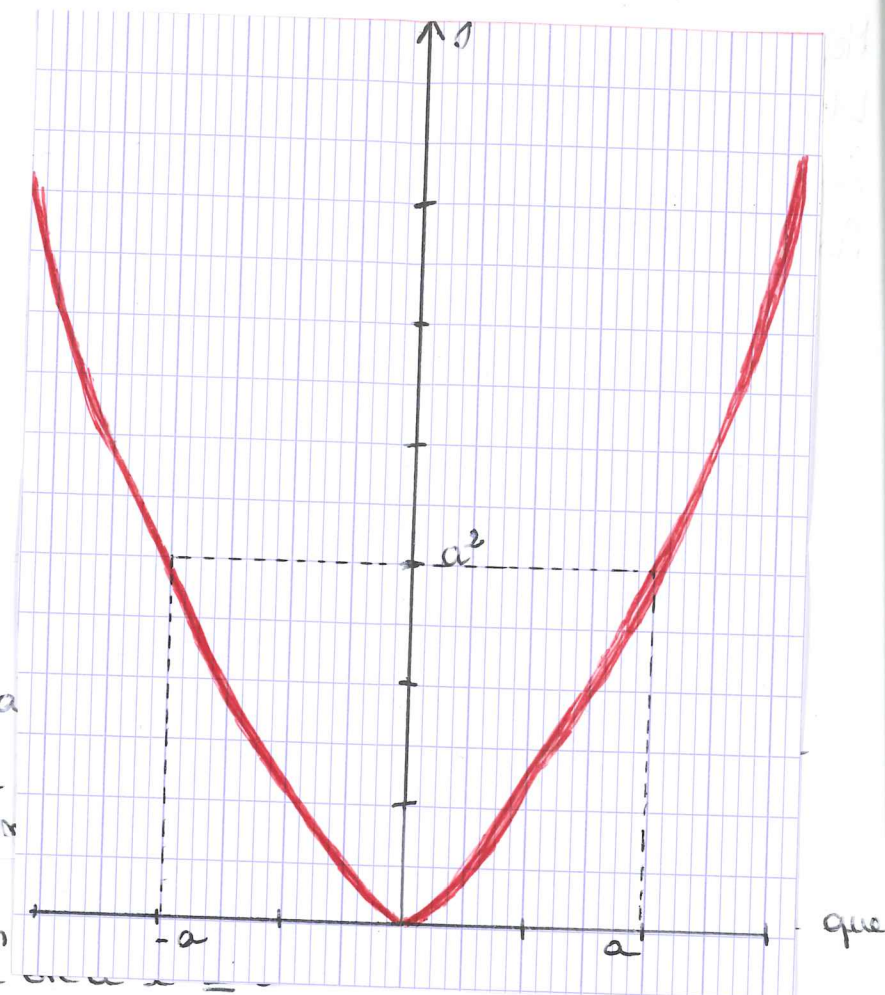
sur  $]-\infty; 0]$  puis croissante sur  $[0; +\infty[$

Son tableau de variation est :



### PROPRIÉTÉ 1

- la courbe représentative de la fonction carré est symétrique par rapport à l'axe des ordonnées  
→ en effet, pour tout réel on a  $f(-a) = (-a)^2 = a^2 = f(a)$
- les deux points de coordonnées  $(-a; a^2)$  et  $(a; a^2)$  sont donc symétriques par rapport à l'axe des ordonnées



- le minimum pour tout  $x$  est atteint en  $x=0$  et vaut  $0$
- deux nombres positifs sont dans le même ordre que leurs carrés. on dit que la fonction carré conserve l'ordre sur  $[0; +\infty[$

→ Si  $0 < a < b$  alors  $a^2 < b^2$  car la fonction carré est strictement croissante sur  $[0; +\infty[$

• deux nombres négatifs sont rangés dans le sens inverse de leurs carrés inverse l'ordre sur  $]-\infty; 0]$

→ Si  $a < b < 0$  alors  $a^2 > b^2$  car la fonction carré est strictement décroissante sur  $]-\infty; 0]$

• soit un réel  $k$  :

• si  $k < 0$  l'équation  $x^2 = k$  n'a pas de solution :  $\mathcal{S} = \emptyset$

• si  $k = 0$  l'équation  $x^2 = k$  a une unique solution  $\mathcal{S} = \{0\}$

• si  $k > 0$  l'équation  $x^2 = k$  a deux solutions opposées

$$\mathcal{S} = \{-\sqrt{k}; \sqrt{k}\}$$

Les solutions de l'équation  $x^2 = k$  sont des abscisses des points d'intersection de la parabole  $\mathcal{P}$  et de la droite  $\mathcal{D}$  d'équation  $y = k$  parallèle à l'axe des abscisses

### EXEMPLES 2

la propriété que nous venons de voir permet de comparer deux carrés.

•  $2 < 5$  donc  $2^2 < 5^2$  car la fonction carré est strictement croissante sur  $[0; +\infty[$  et donc en particulier sur  $[2; 5]$

•  $-6 < -3$  donc  $(-6)^2 > (-3)^2$  car la fonction carré est strictement décroissante sur  $]-\infty; 0]$  et donc en particulier sur  $[-6; -3]$

## Voir à Retenir :

Après la propriété précédente, l'équation  $x^2 = 0$  admet une seule solution :  $\mathcal{S} = \{0\}$

Pour bien comprendre pourquoi, il suffit tracer la représentation graphique de la fonction carré, et la droite d'équation  $y = 0$

